

$$\frac{v}{v^*} \equiv \boxed{\Phi(\tau) = \nu \ln \frac{1}{1-\tau} - \tau}; \quad \tau < 1$$

Das Verhalten in der *Startphase* erhalten wir für  $\tau \ll 1$ , also:

$$\begin{aligned} \tau \ll 1 \Rightarrow \Phi &\approx \nu \ln(1 + \tau \pm \dots) - \tau \\ &\approx \tau(\nu - 1) + \dots \end{aligned}$$

(Hier haben wir zunächst das Argument des  $\ln$  in eine TAYLORreihe entwickelt und dann den Logarithmus selbst, für den gilt:

$$\ln(1+x) \approx x, \text{ falls } x \ll 1).$$

Die Geschwindigkeit in der Startphase ist also nur positiv, falls  $\nu > 1$ ; geschrieben in den physikalischen Grössen heisst das:

$$t \ll \frac{m_0}{\mu} : \quad v(t) > 0, \text{ falls } \mu v_g > mg;$$

d.h., die Schubkraft muss grösser als das Anfangsgewicht der Rakete sein.

3. Mit  $\vec{F}(\vec{r}, t) = -\frac{\partial V(\vec{r}, t)}{\partial \vec{r}}$  lautet die mit der Geschwindigkeit  $\dot{\vec{r}}$  multiplizierte Bewegungsgleichung

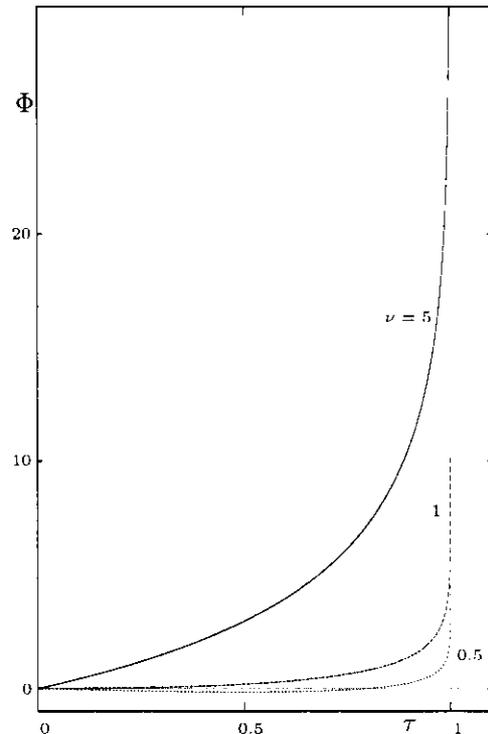
$$\frac{d}{dt} \left( \frac{m}{2} \dot{\vec{r}}^2(t) \right) = -\dot{\vec{r}}(t) \cdot \frac{\partial V(\vec{r}(t), t)}{\partial \vec{r}} = -\frac{dV(\vec{r}(t), t)}{dt} + \frac{\partial V(\vec{r}(t), t)}{\partial t}$$

Damit kann geschrieben werden:

$$\frac{d}{dt} \left( \frac{m}{2} \dot{\vec{r}}^2(t) + V(\vec{r}(t), t) \right) \equiv \frac{d}{dt} E(t) = \frac{\partial V(\vec{r}(t), t)}{\partial t} \quad (2)$$

Die Energie  $E(t)$  ist also *keine* Konstante mehr, sie ändert sich mit der Zeit. Um die rechte Seite angeben zu können, muss man die Bahnkurve  $\vec{r}(t)$  bereits kennen; (2) ist damit *keine* Hilfe bei der Integration der Bewegungsgleichung.

*Bem.:* Die Wegunabhängigkeit des Linienintegrals der Kraft gilt nur noch bei *festgehaltener* Zeit  $t$ .



Geschwindigkeit-Zeit-Diagramm  
(für  $\nu = 5, 1, 0.5$ )